一上来就给昨天的我一个回旋镖,虽然线性组合并不是一个二元的运算,但它是由向量加法和 向量数乘这两个一个二元一个一元的运算组合而成的。

关于子空间的交集仍是子空间,我的证明:

若 $S\cap P$ 内的向量能通过线性组合得出 $S-S\cap P$ 或者 $P-S\cap P$ 的任意向量,则 S 内就 应当包含 $P-S\cap P$ 内的向量,而显然按照定义这是不应该发生的。

之前我们将线性方程组问题等效成了列向量集合的线性组合问题,有解的 b 的空间就是 A 矩阵的列空间。这次课程似乎还是在讨论是否有解的问题,但未来我们一定会进行更深度地分析,以更细粒度地探索解集形态,使我们的判断不局限于只知道是否有解。

提到了列空间的极大线性无关组。

零空间的讨论其实就是在更细地探索解集形态,既对一个特定的 b,有多少种解 x,只不过这 里 b = θ 罢了

提到了为什么 Ax = 0 的解集可以构成一个空间,读者可以用矩阵乘法对向量线性组合的分配律验证。

而 $Ax = b (b \neq 0)$ 的解集不一定可以构成一个空间。

进度出奇的慢?不过我不做作业就不说什么了。